

Modélisation des Systèmes Physiques

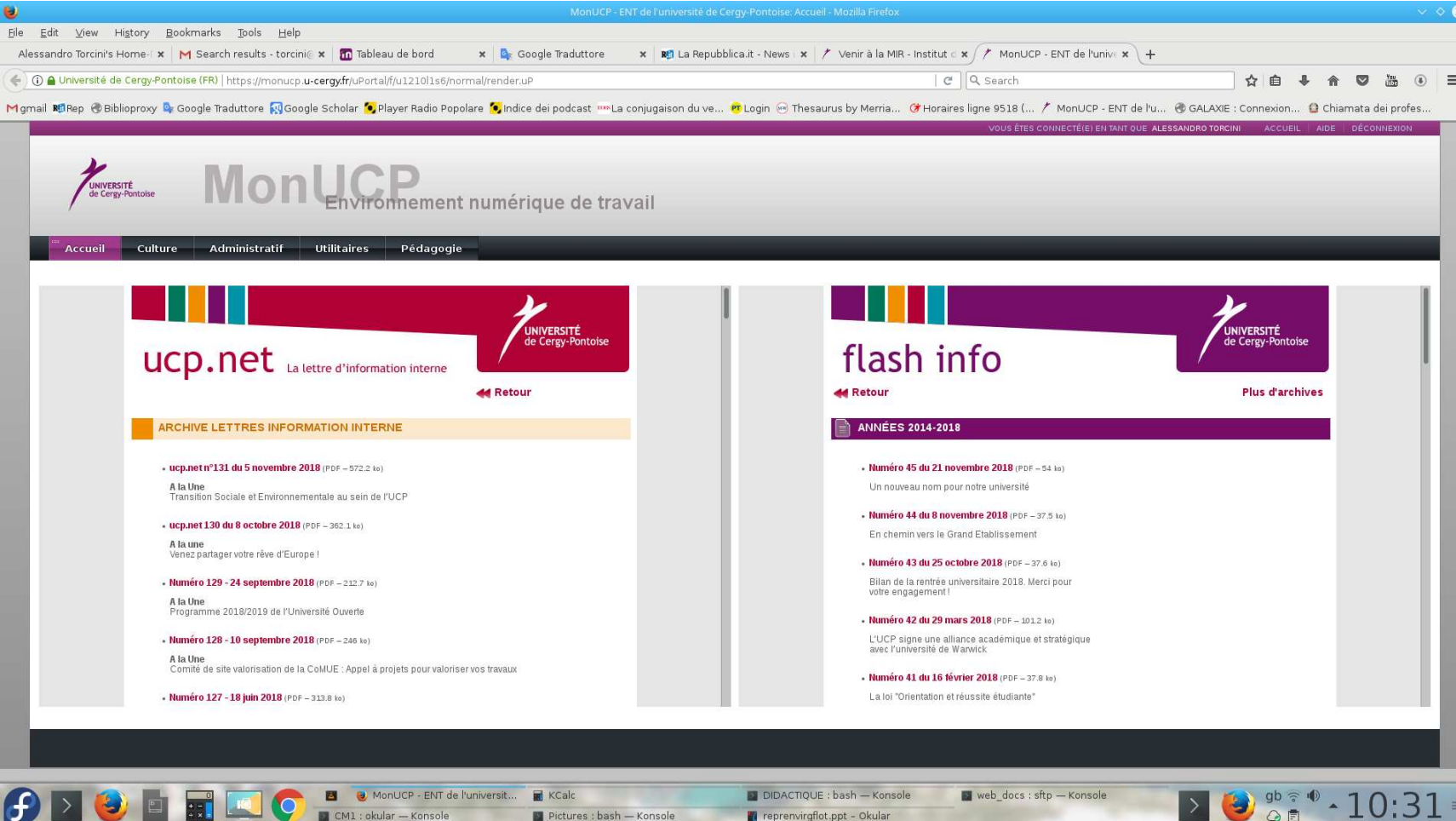
Alessandro Torcini

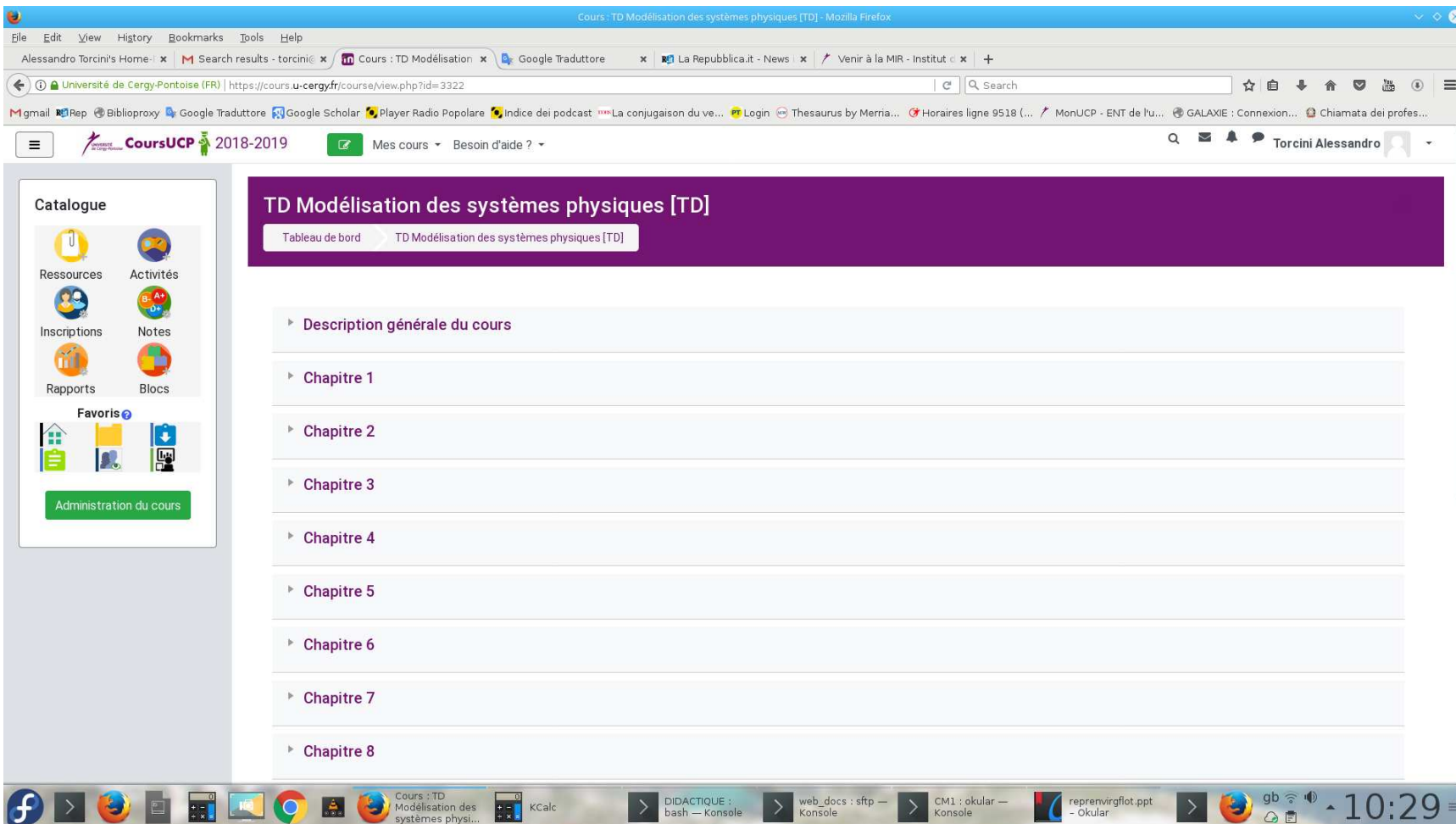
LPTM

Université de Cergy-Pontoise



1. CM Mardi :14.00 - 16.00 (Amphithéâtre E2) - Alessandro Torcini
2. TP Mercredi : 9.00-12.00 (Salle informatique B525) (30p) - M. Segneri
3. TP Mercredi : 14.00-17.00 (Salle informatique B530-B532) (30p) - M. Segneri





The screenshot shows a Mozilla Firefox browser window displaying the course page for 'TD Modélisation des systèmes physiques [TD]'. The browser's address bar shows the URL: <https://cours.u-cergy.fr/course/view.php?id=3322>. The page header includes the course title and navigation options like 'Tableau de bord' and 'TD Modélisation des systèmes physiques [TD]'. A sidebar on the left contains a 'Catalogue' with icons for 'Ressources', 'Activités', 'Inscriptions', 'Notes', 'Rapports', and 'Blocs', along with 'Favoris' and 'Administration du cours'. The main content area lists the course description and chapters 1 through 8. The Windows taskbar at the bottom shows the time as 10:29 and various open applications.

Cours : TD Modélisation des systèmes physiques [TD] - Mozilla Firefox

File Edit View History Bookmarks Tools Help

Alessandro Torcini's Home - x Search results - torcini - x Cours : TD Modélisation - x Google Traduttore - x La Repubblica.it - News - x Venir à la MIR - Institut - x +

Université de Cergy-Pontoise (FR) | <https://cours.u-cergy.fr/course/view.php?id=3322> Search

Gmail Rep Biblioproxy Google Traduttore Google Scholar Player Radio Popolare Indice dei podcast La conjugaison du ve... Login Thesaurus by Merria... Horaires ligne 9518 (... MonUCP - ENT de lu... GALAXIE : Connexion... Chiamata dei profes...

CoursUCP 2018-2019 Mes cours - Besoin d'aide ? - Torcini Alessandro

Catalogue

Ressources Activités

Inscriptions Notes

Rapports Blocs

Favoris

Administration du cours

TD Modélisation des systèmes physiques [TD]

Tableau de bord > TD Modélisation des systèmes physiques [TD]

- Description générale du cours
- Chapitre 1
- Chapitre 2
- Chapitre 3
- Chapitre 4
- Chapitre 5
- Chapitre 6
- Chapitre 7
- Chapitre 8

10:29

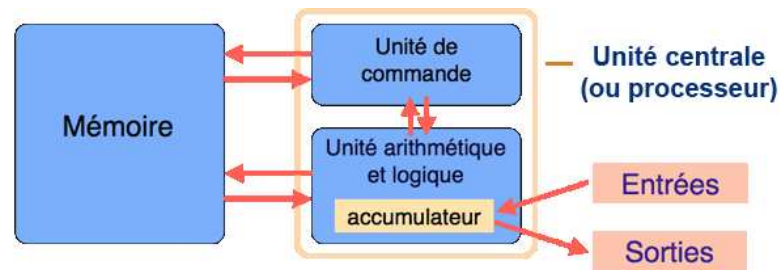
1. Le langage de programmation *Python*
2. Générateurs de Nombres Aléatoires
3. Statistique et Probabilités (Loi de Bernoulli, binomiale et normale)
4. Marche Aléatoire
5. Calcul d'intégrales
6. Recherche du zéro des fonctions
7. Introduction au chaos déterministe
8. Intégration numérique d'équations différentielles

Contrôle Continu (CC) pendant le semestre et Examen Final (EF)

$$\text{Vote Final} = \text{Max}[\text{EF}, (\text{CC} + 2 * \text{EF}) / 3]$$

Un ordinateur consiste en

1. l'unité arithmétique et logique
2. l'unité de contrôle
3. la mémoire vive
4. les périphériques (y compris la mémoire permanente).



Normalement, l'unité arithmétique et logique et l'unité de contrôle sont intégrées au **processeur** (Central processing unit - CPU).

Si vous voulez effectuer un calcul ou une simulation, vous devez donner des instructions à l'unité de contrôle.

Le processeur marche avec un langage (code) machine, mais normalement on travaille avec un **langage de haut niveau**.

Les langages de haut niveau se divisent en

1. les langages compilés
2. les langages interprétés

Langage compilé (Fortran, C etc)

Un programme écrit dans un langage dit compilé va être traduit une fois pour toutes par un programme annexe, appelé **compilateur**, afin de générer un nouveau fichier qui sera autonome, c'est-à-dire qui n'aura plus besoin d'un programme autre que lui pour s'exécuter ; on dit d'ailleurs que ce fichier est exécutable.

Langage interprété (MatLab, Python, Mathematica etc)

Un programme écrit dans un langage interprété a besoin d'un programme auxiliaire (**l'interpréteur**) pour traduire les instructions du programme.

Un compilateur traduit un langage de haut niveau en code machine avant l'exécution, un langage interprète le fait en temps réel.

Ici nous travaillerons avec le Python, créé début des années quatre-vingt dix par **Guido van Rossum**

1. Né en Hollande en 1956 (60 ans)
2. A travaillé pour **Google** pour développer Python et après pour **Dropbox**
3. gvanrossum.github.io

Le nom **Python** vient de

Monty Python's Flying Circus (BBC) 1960-70

Python en ligne en français

1. <https://openclassrooms.com/courses/apprenez-a-programmer-en-python>
2. <http://www.science-emergence.com/Articles/Python-27-tutoriel/>
3. <https://docs.python.org/fr/3.5/tutorial/>

Les avantages de Python sont :

- ⊕ Python est **un langage interprété**. Donc, il faut pas attendre une phase de compilation et on peut l'utiliser de manière interactive.
- ⊕ On peut réaliser des projets simples très rapidement.
- ⊕ Python existe pour tout les systèmes les plus importantes. Donc, votre **logiciel** (c'est l'ensemble des instructions) est **multiplateforme**, soit s'il marche sur un système, il fonctionne normalement aussi sans modifications sur des autres systèmes.
- ⊕ Il y a beaucoup des **bibliothèques**, y compris des bibliothèques numériques et des interfaces graphique (p. ex. pour créer des traces),
- ⊕ Python est **libre**. Donc, vous avez des outils à votre disposition pour lesquelles il faut parfois payer beaucoup d'argent.

Bien sûr, Python a aussi des désavantages, comme :

- ⊖ Python est un langage interprété. Donc, Python peut être un peu lent. Toutefois, les bibliothèques sont normalement très efficaces et si eux sont chargés du plupart du travail, votre logiciel reste efficace.
- ⊖ (Peut-être) Python n'est pas le langage le plus joli. Plus précisément, Python est un langage très flexible. D'une côté, ça rend le début facile. De l'autre côté, il est possible que Python fait des choses que ne correspondent pas à vos attentes et donc il peut être difficile de trouver les erreurs dans votre logiciel.
- ⊖ Il y a quelques problèmes de compatibilité des bibliothèques avec l'interprète. Par conséquent, il faut parfois avoir plusieurs installations de Python sur un système et il faut faire attention laquelle on utilise.

On utilise le Python version 3.5

Démarrer en Python



Pour l'ordinateurs de UCP on utilise **IDLE**

Tapez Python , et la réponse est

```
Python 3.5.2 |Anaconda 4.2.0 (64-bit)| (default, Jul 2 2016,  
17:53:06) [GCC 4.4.7 20120313 (Red Hat 4.4.7-1)] on linux Type  
"help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
```

On veut écrire **Bonjour Paris !**

```
>>> print("Bonjour Paris!")  
Bonjour Paris!  
  
>>> "Bonjour Paris!"  
Bonjour Paris!  
  
>>> 'Bonjour Paris!'  
Bonjour Paris!
```

Les guillemets anglais « " » doit être utiliser pour une chaîne de caractères

Calculer avec Python



Les opérations numériques : - + * / **

Attention **division en entiers**

$$100//3 = 33 \quad 5//6 = 0$$

Division en flottantes

```
>>> 100/3
33.333333333333336
```

Représentation approximative de flottantes en Python : **double précision (float)**

```
>>> float(100)/float(3)
33.333333333333336
```

Précision	Encodage	Signe	Exposant	Mantisse	Valeur d'un nombre	Précision	Chiffres significatifs
Simple précision	32 bits	1 bit	8 bits	23 bits	$(-1)^S \times M \times 2^{(E-127)}$	24 bits	environ 7
Double précision	64 bits	1 bit	11 bits	52 bits	$(-1)^S \times M \times 2^{(E-1023)}$	53 bits	environ 16

Le Opérateur Modulo



Le **Modulo** est défini par

$$m \text{ Mod}(n) = m - \left(\left[\frac{m}{n} \right] * n \right) \quad m, n \in \mathbb{Z}$$

[.] Partie Entière

En Python %

```
>>> 9%4
```

$$9 - \left(\left[\frac{9}{4} \right] * 4 \right) = 9 - 2 * 4 = 1$$

```
>>> 800%6
```

$$800 - \left(\left[\frac{800}{6} \right] * 6 \right) = 800 - 133 * 6 = 800 - 798 = 2$$

```
>>> 325%4
```

```
1
```

Les Variables



Le modulo $325\%4$ fait avec les variables

```
>>> A=325
>>> B=4
>>> rapport=A/B
>>> AmoduloB = A -rapport*B
>>> print (AmoduloB)
1
```

Donner des valeurs à plusieurs variables au même temps :

```
>>> A,B=325,4
>>> rapport=A/B
>>> AmoduloB = A -rapport*B
>>> print (A,"modulo", B,"=",AmoduloB)
325 modulo 4 = 1
```

Les Variables



Une fois défini, la valeur d'une variable peut être toujours modifier

```
>>> A,B=1,10
>>> A=A-1
>>> print (A,B)
0 10
>>> C=A*B
>>> print (A,B,C)
0 10 0
>>> A=1
>>> A -=1 équivalent à A = A -1
>>> print (A)
0
>>> A,B=1,2
>>> A *=B équivalent à A = B*A
>>> print (A)
2
```

Les Variables



L'ordre est important

```
>>> A,B=325,4
>>> A %=B équivalent à A = A%B
>>> print (A)
1
```

```
>>> A,B=325,4
>>> B %=A équivalent à B = B%A
>>> print (A)
325
>>> print (B)
4
```


Les boucles servent à réaliser des répétitions

Probablement la construction la plus connue dans tous les langages de programmation est le `for`

En Python, un tel boucle se construit comme suit :

```
for variable in range(debut, fin, increment):  
    operation1  
    operation2
```

1. Il faut faire attention à l'indentation d'opérations parce que ça définit la domaine de la boucle.
2. Aussi les deux-points à la fin de la ligne avec le « `for` » sont importants.

Le code suivant affiche tous les nombres impairs entre 0 et 30 :

```
for n in range(1, 30, 2):  
    print (n)
```

Si l'incrément est 1, on peut l'omettre (si on supprime aussi le `debut`, la séquence commence avec 0).

La Boucle for



Autres exemples

```
for n in range (1,3):  
... print (n)  
...  
1  
2
```

ATTENTION

Le range termine **avant** le dernier entier : $3-1 = 2$

```
for k in range (-5,2):  
... print (k)  
...  
-5  
-4  
-3  
-2  
-1  
0  
1
```

La Boucle `while`



Il y a un deuxième type de boucle : la boucle `while`. Elle se construit de la manière suivante :

```
while condition:  
    operation1  
    operation2  
    operationN
```

1. L'effet est que toutes les opérations sont effectués aussi longtemps que la condition soit **vraie**
2. Comme dans le cas précédent, l'indentation sert à définir le domaine de la boucle.

```
sum=0  
while sum < 4:  
... sum=sum+1  
... print (sum)  
...  
1  
2  
3
```

Opérateurs de comparaison



Évidemment, nous avons besoin de *conditions*. Normalement, elles se construisent comme suit :

```
variable operateur valeur
```

Le résultat est vrai (**True**) ou faux (**False**)

Les opérateurs de comparaison sont :

opérateur	sens littéral
<	strictement inférieur à
>	strictement supérieur à
<=	inférieur ou égal à
>=	supérieur ou égal à
==	égal à
!=	différent de (aussi : <>)

La factorielle !

Prenons la factorielle pour illustrer la boucle `while` et les conditions :

```
n = 10
factorielle, temp = 1, n
while temp > 1:
    factorielle=factorielle*temp           Je multiplie par temp
    temp=temp-1                           Je soustrais 1
print (n, "! = ", factorielle)
```

```
n = 10
factorielle, temp = 1, n
while temp > 1:
    factorielle *= temp
    temp -= 1
print (n, "! = ", factorielle)
```

Erreurs avec la boucle `while`



```
a = 1/3.0
somme = 0
while somme != 20:
    print (somme)
    somme += a
```

représentation approximative des flottantes

```
n=0
while n==0:
    print (n)
    n += 1
```

erreur

Idle

Les structures conditionnelles

Les **structures conditionnelles** permettent d'exécuter une ou plusieurs instructions dans un cas, d'autres instructions dans un autre cas.

La construction générale est

```
if condition:
    operationVrai(s)
else:
    operationFausse(s)
```

1. Si la `condition` est vraie (`True`), Python exécute les `operationVrai(s)`,
2. Si elle est fausse (`False`), Python exécute les `operationFausse(s)`.
3. Notez encore une fois les indentations qui définissent la domaine des opérations correspondantes.
4. On peut **supprimer** la part `else` quand on n'a pas besoin.

Les structures conditionnelles



P. ex. les lignes suivantes affichent si un nombre n est **pair** ou **impair** :

```
n = 1
if (n%2) == 0:
    print (n, "est pair")
else:
    print (n, "est impair")
```

Faisons-le pour tous les nombres entre 1 et 100 :

```
for n in range (1,101):
    if (n%2) == 0:
        print (n, "est pair")
    else:
        print (n, "est impair")
```

Notez ici aussi **les indentations croissantes**

Les variables booléennes



1. Les valeurs `True` et `False` définissent le *type booléen*
2. on peut les stocker dans des variables de type `bool`

```
>>> type(True)
<class 'bool'>
>>> type(False)
<class 'bool'>

>>> est = 2 < 3
>>> est
True
>>> est = 1 == 1
>>> est
True
>>> type(est)
<type 'bool'>
>>> est = 1 > 100
>>> est
False
```

Les variables booléennes



```
for n in range (1,101):
    est = (n%2) == 0    # La variable est sait si n est pair ou pas
    if est:
        print (n, "est pair")
    else:
        print (n, "est impair")
```

Les **commentaires** sont des messages qui sont ignorés par l'interprète et qui permettent de donner des indications sur le code.

En Python, un commentaire débute par un dièse (« # ») et se termine par le prochain saut de ligne.

Opérateurs booléens



Quelquefois, vous devez vérifier des conditions plus compliquées.

Pour ce but il y a les **Opérateurs booléens**

`and` (et) `or` (ou) `not` (négation)

1. `condition1 and condition2`
est vrai si `condition1` **et** `condition2` sont vraies toutes les deux.
2. `condition1 or condition2`
est vrai si **une des** `condition1` **ou** `condition2` est vraie.
3. `not condition`
est vrai si la `condition` est fausse et faux si la condition est vraie.

Opérateurs booléens



Supposons que nous voulons savoir de chaque nombre entre 1 et 100 s'il est divisible par 2 *ou* par 3

```
for n in range (1,101):
    if (n%2) == 0 or (n%3) == 0:
        print (n, "est divisible par 2 ou par 3")
    else:
        print (n, "n'est divisible ni par 2 ni par 3")
```

ou plus précisément, vous pouvez utiliser `elif` (else if – autre si) :

```
for n in range (1,101):
    if (n%2) == 0:
        print (n, "est divisible par 2")
    elif (n%3) == 0:
        print (n, "est divisible par 3")
    else:
        print (n, "n'est divisible ni par 2 ni par 3")
```

Vous avez observé qu'il y a beaucoup de nombres premiers sur la liste de nombres qui ne sont ni divisibles par 2 ni par 3

Résumé de la syntaxe du si



L'instruction conditionnelle en python dans sa version la plus générale possède la syntaxe suivante :

```
if <condition1> :  
    <instructions_a_executer_si_la_condition1_est_vraie>  
elif <condition2>:  
    <instructions_à_exécuter_si_la_condition1_est_fausse  
    _et_si_la_conditon2_est_vraie>  
elif <condition3>:  
    <instructions_à_exécuter_si_les_conditions_1_et_2_sont_fausses  
    _et_si_la_conditon3_est_vraie>  
...  
else:  
    <instuctions_à_exécuter_si_aucune_des_conditions_précédentes_n_est_vraie>
```

1. Il peut y avoir autant de `elif` qu'on le souhaite ;
2. on peut omettre la partie `else`. On peut omettre les `elif`.

break et continue



L'instruction `break` arrête la boucle la plus intérieure

```
for n in range(2, 10000):
    for x in range(2, n):
        if n % x == 0:
            print (n, 'égal', x, '*', n/x)
            break
    print (n, "est un nombre premier")
```

Faites attention a l'indentation!!!

IDLE

L'instruction `continue` poursuit avec la prochaine itération de la boucle :

```
for num in range(2, 10):
    if num % 2 == 0:
        print ("nombre pair", num)
        continue
    print ("nombre", num)
```

Mesurer le temps d'exécution

Si vous voulez mesurer le temps d'exécution de votre programme, vous devez utiliser la fonction `time.clock()` :

```
import time
start = time.clock()

for n in range (1,101):
    if (n%2) == 0:
        print (n, "est divisible par 2")
    elif (n%3) == 0:
        print (n, "est divisible par 3")
    else:
        print (n, "n'est divisible ni par 2 ni par 3")

runtime = (time.clock() - start)
print ("CPU temps d'execution: %.3f sec" % runtime # temps pour l'execution)
```

IDLE

Maintenant il faut commencer à organiser un peu les choses.

La factorielle peut être utile dans des contextes différentes et il est très ennuyant s'il faut la taper plusieurs fois.

On peut l'éviter avec les *fonctions*.

On crée une fonction selon le schéma suivant :

```
def nom_de_la_fonction(parametre1, parametre2, parametre3, parametreN):  
    operation1  
    operation2  
    operationM  
return valeur
```

1. Le mot-clé `def` sert à *définir* la fonction.
2. La liste des paramètres est fournie lors d'un appel à la fonction. Les parenthèses sont obligatoires, quand bien même votre fonction n'attendrait aucun paramètre.
3. L'instruction `return` sert à renvoyer une valeur, comme les fonctions en sens mathématique.

La fonction factorielle



```
def factorielle(n):          # definition de la factorielle
    resultat = 1
    while n > 1:
        resultat *= n
        n -= 1              # ici nous n'avons plus besoin du contenu de n
    return resultat         # renvoyer le resultat

print ("4! = ", factorielle(4))      # Calculer 4!
print ("10! = ", factorielle(10))    # Calculer 10!
print ("100! = ", factorielle(100))  # Calculer 100!
```

Cet exemple montre aussi comment on utilise une fonction.

La fonction factorielle II



Si vous vous rendez compte que la factorielle satisfait à

$$n! = (n - 1)! \times n \quad \text{et} \quad 0! = 1! = 1$$

On peut encore arriver à une version plus compacte :

```
def factorielle(n):          # definition de la factorielle
    if n<=1:
        return 1            # 0! = 1! = 1
    return n*factorielle(n-1) # n! = (n-1)! * n

print ("4! = ", factorielle(4))      # Calculer 4!
print ("10! = ", factorielle(10))    # Calculer 10!
print ("100! = ", factorielle(100))  # Calculer 100!
```

1. C'est un exemple pour une **récurtivité** : la définition de la fonction contient la fonction même.
2. Naturellement, il faut faire attention que la récursivité se termine (essayez que se produit quand vous supprimez le test au début de la définition de la fonction factorielle).

Limites pour la récursivité



Vous auriez probablement des difficultés avec $n = 1000$.

La raison est que Python connaît des limites pour les récursivités. Vous pouvez modifier ces limites comme suit :

```
import sys
sys.setrecursionlimit(limite)
```

Maintenant Python peut être utilisé jusqu'à **la limite**

```
import sys
sys.setrecursionlimit(10000)
def factorielle(n):          # definition de la factorielle
    if n<=1:
        return 1            # 0! = 1! = 1
    return n*factorielle(n-1) # n! = (n-1)! * n

print (" = ", factorielle(1000))    # Calculer 1000!
```

Variable locale et globale



1. Les variables locales sont modifiées dans au fonction, mais ils restent les mêmes hors de la fonction
2. Les variables globales sont modifiées partout

Idle

Il y a plusieurs options pour éviter la répétition des opérations que vous avez déjà faites.
Une utilise des variables globales.

Si vous rajoutez une ligne

```
global variable1,variable2
```

dans votre fonction, tous les `variable1, variable2` peuvent être modifiées dans la fonction

Les bibliothèques pour Python s'appellent **modules**.

D'abord, il faut les importer avec

```
import nom_de_module
```

Après, vous pouvez utiliser tous les fonctions et variables du module avec

```
nom_de_module.fonction()    OU    nom_de_module.variable
```

Parfois, on préfère un autre nom (p. ex. un nom plus court). Dans ce cas, on fait l'import comme suit :

```
import nom_de_module as autre_nom
```

Maintenant vous utilisez

```
autre_nom.fonction() OU autre_nom.variable.
```

Il y a encore une autre possibilité :

```
from nom_de_module import element(s)
```

```
# ou plus simple
```

```
from nom_de_module import *
```

Ceci importe seulement les `element(s)` (fonctions ou variables) donnés et vous pouvez les utiliser directement avec leurs noms (sans antéposer le « `nom_de_module.` »).

Le Module Math



Le module `math` est toujours disponible et contient des fonctions et constantes importantes, comme la racine, les fonctions trigonométriques et les constantes π et e . Par exemple, le module `math` contient une définition `math.sqrt(x)` pour la racine de x , et la constante π comme `math.pi`

```
import math                # importer le module
valE1 = math.e             # le nombre d'Euler
valE2 = math.exp(1)       # fonction exponentielle d'un
print ("e = ", valE1, "=", valE2) # devrait etre egal
```

Regardons aussi un exemple un peu plus élaboré avec un nom court pour le module :

```
import math as m          # importer le module comme "m"
valR2 = m.sqrt(2)        # la racine de 2
valSinPiQuart = m.sin(m.pi/4) # sinus de pi/4
print ("sin(pi/4) = sqrt(2)/2 ?")
print (valSinPiQuart, valR2/2) # devrait etre egal
valR3 = m.sqrt(3)        # la racine de 3
valCosPiSur6 = m.cos(m.pi/6) # cosinus de pi/6
print ("cos(pi/6) = sqrt(3)/2 ?")
print (valCosPiSur6, valR3/2) # devrait etre egal
```

La partie entière d'un nombre flottant peut être obtenu de différentes façons

`int()` `floor()` `ceil()`

1. `int()` donne un **nombre entier**
2. `floor()` et `ceil()` donnent un **nombre flottant**
3. `int(floor())` donne un **nombre entier**

```
from math import *  
f=3.9  
print ('int', f, int(f))  
print ('ceil', f, ceil(f))  
print ('floor', f, floor(f))
```

Le Module Numpy



NumPy est la bibliothèque fondamentale pour le calcul scientifique avec Python. Cet module contient entre autres l'algèbre linéaire.

Vous pouvez aussi l'utiliser pour remplacer le module `math`, voir l'exemple suivant :

```
import numpy as np          # importer le module comme "np"
valE1 = np.e                # le nombre d'Euler
valE2 = np.exp(1)          # fonction exponentielle d'un
print ("e = ", valE1, "=", valE2) # devrait etre egal
```

On aura probablement besoin d'autre fonctions de NumPy, mais pour l'instant je vous renvoie

1. à la page d'accueil officiel de NumPy en anglais <http://www.numpy.org/>
2. le chapitre « Introduction à PyLab » d'un cours en français
www.courspython.com/introduction-pylab.html
3. introduction française a Numpy/Scipy/Matplotlib
math.mad.free.fr/depot/numpy/essai.html

Tableaux - array()



Création

Les tableaux (en anglais, array) peuvent être créés avec `array()`.

On utilise des crochets pour délimiter les listes d'éléments dans les tableaux.

```
from numpy import *
a = array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
print(a)
[[1 2 3]
 [4 5 6]]
```

Accès aux éléments d'un tableau

```
from numpy import *
print (a[0,1])
2
print (a[1,2])
6
```

Faites attention que le début de l'index est à partir de zéro

La fonction `arange()`



La fonction `arange()` crée une matrice (un tableau) qui contient les entiers compris entre 3 et 14 avec des étapes de 2

```
>>> m = arange(3,15,2)
>>> m
array([ 3,  5,  7,  9, 11, 13])
>>> print(m)
[ 3  5  7  9 11 13]
```

`arange()` accepte des arguments qui ne sont pas entiers.

```
>>> arange(0,11*pi,pi)
array([ 0.          ,  3.14159265,  6.28318531,  9.42477796,
       12.56637061,  15.70796327,  18.84955592,  21.99114858,
       25.13274123,  28.27433388,  31.41592654])
```

on peut faire aussi des opérations d'algèbre et des opérations avec les vecteurs

La fonction linspace()

`linspace()` permet d'obtenir un tableau 1D allant d'une valeur de départ à une valeur de fin avec un nombre donné d'éléments.

```
>>> linspace(3,9,10)
array([ 3.          ,  3.66666667,  4.33333333,  5.          ,  5.66666667,
        6.33333333,  7.          ,  7.66666667,  8.33333333,  9.          ])
```

Action d'une fonction mathématique sur un tableau

Dans ce cas, la fonction est appliquée à chacun des éléments du tableau.

```
>>> x = linspace(-pi/2, pi/2, 3)
>>> x
array([-1.57079633,  0.          ,  1.57079633])
>>> y = sin(x)
>>> y
array([-1.,  0.,  1.])
```

Tracer les courbes avec Matplotlib

Le module `Matplotlib` sert à tracer des courbes.

Un l'utilise surtout en combinaison avec NumPy. Commençons par tracer la fonction sinus :

```
import matplotlib.pyplot as plt # importer le module Matplotlib comme "plt"
import numpy as np             # importer le module NumPy comme "np"
x=np.arange(0, 2*np.pi, 0.01) # valeurs sur l'abscisse
s=np.sin(x)                   # calculer les valeurs sur l'ordonnee
plt.plot(x, s)                # creer le graphe
plt.xlabel("x")                # appellation de l'abscisse
plt.ylabel("sin(x)")           # appellation de l'ordonnee
plt.xlim(0,2*np.pi)           # assurer des bonnes limites pour l'abscisse
plt.title("Fonction sinus")    # le titre du graphe
plt.show()                     # montrer la courbe
```

1. on crée avec `arange` les valeurs sur l'abscisse et calcule les valeurs correspondantes sur l'ordonnée,
2. Ces deux `array` (vecteurs) définissent le graphe de la fonction $\sin(x)$.
3. Après avoir fait la trace encore un peu plus joli, nous avons l'affiché sur l'écran

Tracer les courbes



Je vous donne encore un exemple un peu plus avancé avec deux courbes qui sont marquées avec des points :

```
import matplotlib.pyplot as plt # importer le module Matplotlib comme "plt"
from matplotlib.legend_handler import HandlerLine2D # pour les legendes
from numpy import * # importer le module NumPy
def fc(t): # Une definition du fonction
    return(sqrt(1-sin(t)**2 +cos(t)**3))
x=linspace(0, pi/2, 200) # valeurs sur l'abscisse avec linspace
s=sin(x) # calculer les valeurs de sinus
c=fc(x) # et de la fonction
plt.plot(x, s, marker='o', label='sin')
# creer le graphe de sinus avec cercles
plt.plot(x, c, marker='v', label='fonction')
# creer le graphe fc avec triangles
plt.xlabel("x") # appellation de l'abscisse
plt.xlim(0,pi/2) # assurer des bonnes limites pour l'abscisse
plt.legend() # afficher les legendes
plt.savefig("Figure1") # et stocker dans un fichier
```

Tracer les courbes

1. Ici nous avons défini notre propre fonction `fc()`
2. L'exemple vous montre aussi comment on peut afficher des légendes.
3. À la fin d'exemple, nous avons stocké la figure dans le fichier `Figure1.png`.

